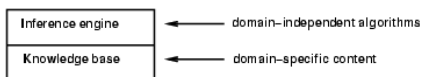


Logički Agenti

U okviru lekcije

- Agenti bazirani na znanju
- Svet ljudoždera
- Logika generalno - modeli i korišćenje
- Boolova logika
- Ekvivalencija, validacija, satisfakcija
- Nasleđivanje i dokazivanje teorema
 - forward ulančavanje
 - povratno ulančavanje
 - rezolucija

Osnova znanja



- Osnova znanja = skup iskaza u formalnom jeziku
- Deklarativni pristup realizacije agenta (ili drugog sistema):
 - Reci mu šta treba da zna
- Tada neka pita sebe šta da radi – odgovori iz baze znanja
- Agenti s emogu videti pomoću nivoa znanja na primer, šta znaju, nezavisno kako je implementirano
- Ili na implementacionom nivou
 - na primer, strukture podataka u bazi znanjai algoritmi koji se primenjuju

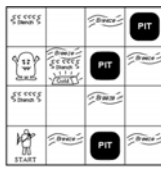
Agent baziran na znanju

```
function KB-AGENT(percept) returns an action
static: KB, a knowledge base
        t, a counter, initially 0, indicating time
  TELL(KB, MAKE-PERCEPT-SENTENCE(percept, t))
  action ← ASK(KB, MAKE-ACTION-QUERY(t))
  TELL(KB, MAKE-ACTION-SENTENCE(action, t))
  t ← t + 1
  return action
```

- Agent bi trebalo da bude u mogućnosti da
 - Prikazuje stanja, akcije, ...
 - Uključuje nove opažaje
 - Dopunjuje trenutni prikaz sveta
 - Otkriva skrivena značenja u svetu
 - Otkriva odgovarajuće akcije

Svet ljudoždera

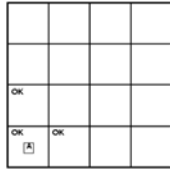
- Performanse
 - zlato +1000, smrt -1000
 - -1 po koraku, -10 za korišćenje strele
- Okruženje
 - U kvadratima koji se graniče za ljudožderon prisustvo
 - U kvadratima do soba sa rupom oseća se st
 - Strela ubija ljudoždera ako je ispred nas
 - Postoji samo jedna strela
 - Moguće je uzeti zlato ako se nalazi u sobi
 - Moguće je ostaviti zlato
- Senzori: Zaudaranje, Strujanje, Bljesak, Udar, Vrisak
- Oruđa: Okret ulevo, Okret udesno, Napred, Uzeti, Ostaviti, Pucati



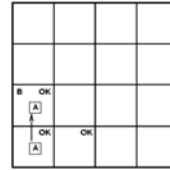
Karakteristike

- **Potpuno definisan** Ne – samo lokalni opažaji
- **Deterministički** Da – egzaktno definisani ciljevi
- **Epizode** Ne – sekvencijalan na nivou akcije
- **Statički** Da – Ljudožder i rupe se ne pomeraju
- **Diskretan** Da
- **Pojedinačni agent?** Da – Ljudožder je u suštini karakteristika okruženja

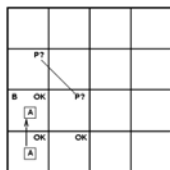
Istraživanje sveta



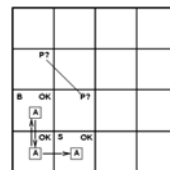
Istraživanje sveta



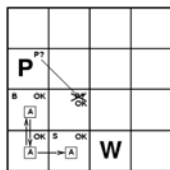
Istraživanje sveta



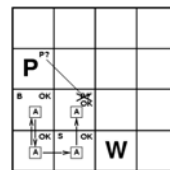
Istraživanje sveta



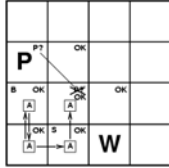
Istraživanje sveta



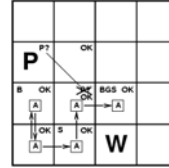
Istraživanje sveta



Istraživanje sveta



Istraživanje sveta



Logika

- **Logika** je formalni jezik za predstavljanje informacija na osnovu kojih se dobiti određeni zaključci
- **Sintaksa** definiše izraze u okviru jezika
- **Semantika** definiše "značenje" izraza
 - na priemr, definiše **istinitost** iskaza u svetu
- **Aritmetika**:
 - $x+2 \geq y$ je iskaz: $x+2 > \{\}$ i nije
 - $x+2 \geq y$ je true ako $x+2$ nije manje od y
 - $x+2 \geq y$ je true u svetu gde je $x = 7, y = 1$
 - $x+2 \geq y$ je false u svetu gde je $x = 0, y = 6$

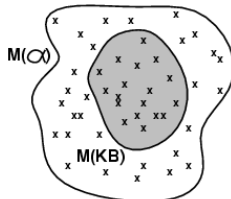
Nasleđivanje

- **Nasleđivanje** definiše dajedna stvar **sledi iz** druge:

$$KB \models \alpha \square$$
- Baza znanja KB nasleđuje iskaz α ako i samo ako je α true tamo gde je i KB
 - $x+y = 4$ nasleđuje $4 = x+y \square$
 - Nasleđivanje je relacija između iskaza (**sintakse**) koji su bazirani na **semantici**

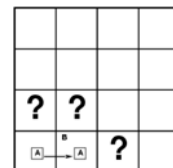
Modeli

- Logičko razmišljanje je obično pomoću **modela**, koji su formalno strukturirani podsvetovi
- Kaže se da m je **model** iskaza α ako je α true u m
- $M(\alpha)$ je skup svih modela za α
- Tada je $KB \models \alpha$ ako i samo ako je $M(KB) \subseteq M(\alpha)$



Nasleđivanje i ljudožder

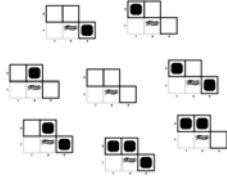
Situacija nakon nikakvog opžaja u $[1, 1]$, pomeranje desno, strujanje u $[2, 1]$



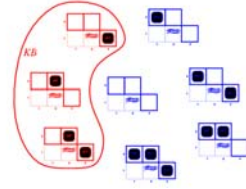
Neka mogući moduli KB razmatraju samo rupe

3 Boolean izbora \Rightarrow 8 mogućih modela

Mogući modeli

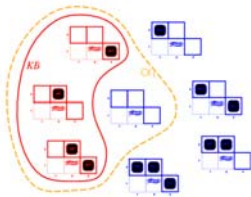


Mogući modelu



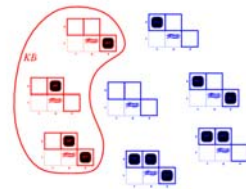
- $KB = \text{pravila} + \text{opažanje}$

Mogući modeli



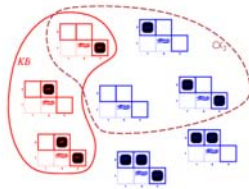
- $KB = \text{pravila} + \text{opažanja}$
- $\alpha_1 = "[1,2] \text{ je siguran}"$, $KB \models \alpha_1$, dokazan pomoću [provere modela](#)

Mogući modeli



- $KB = \text{pravila} + \text{opažanja}$

Mogući modeli



- $\alpha_2 = "[2,2] \text{ je sigurno}"$, $KB \not\models \alpha_2$
/

Zaključivanje

- $KB \vdash_i \alpha$ = iskaz α se može dobiti iz KB pomoću procedure i
- i je kompletna ako uvek kada je $KB \models \alpha$, tada je true i $KB \vdash_i \alpha$
- Definisana je logika (prvog reda) koja je dovoljno opisna da prikaže skoro sve što je od interesa
- Procedura bi trebala da odgovori na svako pitanje čiji se odgovor nalazi u KB .

Osnovna logika: sintaksa

- Prikaz osnovnih ideja
- Simboli $S_1, S_2 \dots$ su iskazi
 - Ako je S iskaz, $\neg S$ je iskaz (negacija)
 - Ako su S_1 i S_2 iskazi, $S_1 \wedge S_2$ je iskaz (konjunkcija)
 - Ako su S_1 i S_2 iskazi, $S_1 \vee S_2$ je iskaz (disjunkcija)
 - Ako su S_1 i S_2 iskazi, $S_1 \Rightarrow S_2$ je iskaz (implikacija)
 - Ako su S_1 i S_2 iskazi, $S_1 \Leftrightarrow S_2$ je iskaz (bikondicional)

Osnovna logika: Semantika

Svaki model specificira true/false za svaki simbol

$P_{1,2}$ false $P_{2,2}$ true $P_{3,1}$ false

Za date simbole 8 mogućih modela

Pravila za model m :

$\neg S$ je true iff S je false
 $S_1 \wedge S_2$ je true iff S_1 je true and S_2 je true
 $S_1 \vee S_2$ je true iff S_1 je true or S_2 je true
 $S_1 \Rightarrow S_2$ je true iff S_1 je false or S_2 je true
 na primer, je false iff S_1 je true and S_2 je false
 $S_1 \Leftrightarrow S_2$ je true iff $S_1 \Rightarrow S_2$ is true and $S_2 \Rightarrow S_1$ je true

$$\neg P_{1,2} \wedge (P_{2,2} \vee P_{3,1}) = \text{true} \wedge (\text{true} \vee \text{false}) = \text{true} \wedge \text{true} = \text{true}$$

Tabela istinitosti

P	Q	$\neg P$	$P \wedge Q$	$P \vee Q$	$P \Rightarrow Q$	$P \Leftrightarrow Q$
false	false	true	false	false	true	true
false	true	true	false	true	true	false
true	false	false	false	true	false	false
true	true	false	true	true	true	true

Iskazi u primeru

Neka je $P_{i,j}$ true ako postoji rupe u $[i, j]$.

Neka je $B_{i,j}$ true ako postoji strujanje u $[i, j]$.

$\neg P_{1,1}$
 $\neg B_{1,1}$
 $B_{2,1}$

- "Rupe prouzrokuju strujanje u susjednim kvadratima"

$$B_{1,1} \Leftrightarrow (P_{1,2} \vee P_{2,1})$$

$$B_{2,1} \Leftrightarrow (P_{1,1} \vee P_{2,2} \vee P_{3,1})$$

Tabela istinitosti

$B_{1,1}$	$B_{2,1}$	$P_{1,1}$	$P_{1,2}$	$P_{2,1}$	$P_{2,2}$	$P_{3,1}$	KB	α_1
false	false	false	false	false	false	false	false	true
false	false	false	false	false	false	true	false	true
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
false	true	false	false	false	false	false	false	true
false	true	false	false	false	false	true	true	true
false	true	false	false	false	true	false	true	true
false	true	false	false	false	true	true	true	true
true	true	true	true	true	true	true	true	true
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
true	true	true	true	true	true	true	false	false

Nasleđivanje

```
function TT-ENTAILS?(KB,  $\alpha$ ) returns true or false
  symbols ← a list of the proposition symbols in KB and  $\alpha$ 
  return TT-CHECK-ALL(KB,  $\alpha$ , symbols, [])

function TT-CHECK-ALL(KB,  $\alpha$ , symbols, model) returns true or false
  if EMPTY?(symbols) then
    if PL-TRUE?(KB, model) then return PL-TRUE?( $\alpha$ , model)
    else return true
  else do
     $P \leftarrow$  FIRST(symbols); rest ← REST(symbols)
    return TT-CHECK-ALL(KB,  $\alpha$ , rest, EXTEND( $P$ , true, model)) and
      TT-CHECK-ALL(KB,  $\alpha$ , rest, EXTEND( $P$ , false, model))
```

- Za n simbola, vremenska kompleksnost je $O(2^n)$, prostorna $O(n)$

Logička ekvivalencija

- Dva iskaza su **logički ekvivalentna** ako i samo ako je true u istim modelima: $\alpha \equiv \beta$ iff $\alpha \vdash \beta$ i $\beta \vdash \alpha$

$$\begin{aligned}
 (\alpha \wedge \beta) &\equiv (\beta \wedge \alpha) && \text{commutativity of } \wedge \\
 (\alpha \vee \beta) &\equiv (\beta \vee \alpha) && \text{commutativity of } \vee \\
 ((\alpha \wedge \beta) \wedge \gamma) &\equiv (\alpha \wedge (\beta \wedge \gamma)) && \text{associativity of } \wedge \\
 ((\alpha \vee \beta) \vee \gamma) &\equiv (\alpha \vee (\beta \vee \gamma)) && \text{associativity of } \vee \\
 \neg(\neg\alpha) &\equiv \alpha && \text{double-negation elimination} \\
 (\alpha \Rightarrow \beta) &\equiv (\neg\beta \Rightarrow \neg\alpha) && \text{contraposition} \\
 (\alpha \Rightarrow \beta) &\equiv (\neg\alpha \vee \beta) && \text{implication elimination} \\
 (\alpha \Leftrightarrow \beta) &\equiv ((\alpha \Rightarrow \beta) \wedge (\beta \Rightarrow \alpha)) && \text{biconditional elimination} \\
 \neg(\alpha \wedge \beta) &\equiv (\neg\alpha \vee \neg\beta) && \text{de Morgan} \\
 \neg(\alpha \vee \beta) &\equiv (\neg\alpha \wedge \neg\beta) && \text{de Morgan} \\
 (\alpha \wedge (\beta \vee \gamma)) &\equiv ((\alpha \wedge \beta) \vee (\alpha \wedge \gamma)) && \text{distributivity of } \wedge \text{ over } \vee \\
 (\alpha \vee (\beta \wedge \gamma)) &\equiv ((\alpha \vee \beta) \wedge (\alpha \vee \gamma)) && \text{distributivity of } \vee \text{ over } \wedge
 \end{aligned}$$

Validacija i satisfakcija

Iskaz je **validan** ako je true u **svim** modelima, $\text{True}, A \vee \neg A, A \Rightarrow A, (A \wedge (A \Rightarrow B)) \Rightarrow B$

Dedukciona teorema:

$KB \vdash \alpha$ ako i samo ako je $(KB \Rightarrow \alpha)$ validno

Iskaz je **zadovoljen** ako je true u **nekim** modelima $A \vee B, C$

Iskaz je **nemoguć** ako je true u **nijednom** modelu $A \wedge \neg A$

$KB \vdash \alpha$ ako i samo ako je $(KB \wedge \neg\alpha)$ nemoguće

Metodi dokazivanja

- Metodi dokazivanja:

Pravila nasleđivanja

- Dobijanje novih iskaza od starih
- Dokaz** = niz nasleđivanja pravila
Mogu se koristiti pravila nasleđivanja kao operatori kod standardnih algoritama pretraživanja
- Obično je potrebno transformisati iskaze u **normalnu formu**

Provera modela

- tabela istinitosti (eksponencijalno po n)
- povratno traganje, Davis-Putnam-Logemann-Loveland (DPLL)
- heurističko pretraživanje u prostoru stanja (moguće nekompletno)

Rezolucija

Conjunctive Normal Form (CNF)

conjunction of disjunctions of literals clauses

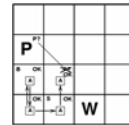
E.g., $(A \vee \neg B) \wedge (B \vee \neg C \vee \neg D)$

- Resolution

$$\frac{\ell_1 \vee \dots \vee \ell_k, \quad m_1 \vee \dots \vee m_n}{\ell_1 \vee \dots \vee \ell_{k-1} \vee \ell_{k+1} \vee \dots \vee \ell_k \vee m_1 \vee \dots \vee m_{j-1} \vee m_{j+1} \vee \dots \vee m_n}$$

gde su ℓ_i su m_j komplementarni literali

$$\frac{P_{1,3} \vee P_{2,2}, \quad \neg P_{2,2}}{P_{1,3}}$$



Rezolucija

$$\begin{aligned}
 \neg(\ell_1 \vee \dots \vee \ell_{k-1} \vee \ell_{k+1} \vee \dots \vee \ell_k) &\Rightarrow \ell_i \\
 \neg m_j &\Rightarrow (m_1 \vee \dots \vee m_{j-1} \vee m_{j+1} \vee \dots \vee m_n) \\
 \neg(\ell_1 \vee \dots \vee \ell_{k-1} \vee \ell_{k+1} \vee \dots \vee \ell_k) &\Rightarrow (m_1 \vee \dots \vee m_{j-1} \vee m_{j+1} \vee \dots \vee m_n)
 \end{aligned}$$

Konverzija u KNF

$$B_{1,1} \Leftrightarrow (P_{1,2} \vee P_{2,1})\beta$$

- Eliminisati \Leftrightarrow , zameniti $\alpha \Leftrightarrow \beta$ sa $(\alpha \Rightarrow \beta) \wedge (\beta \Rightarrow \alpha)$.
 $(B_{1,1} \Rightarrow (P_{1,2} \vee P_{2,1})) \wedge ((P_{1,2} \vee P_{2,1}) \Rightarrow B_{1,1})$
- Eliminisati \Rightarrow , zameniti $\alpha \Rightarrow \beta$ sa $\neg\alpha \vee \beta$.
 $(\neg B_{1,1} \vee P_{1,2} \vee P_{2,1}) \wedge (\neg(P_{1,2} \vee P_{2,1}) \vee B_{1,1})$
- Pomeriti \neg unutar zagrade pomoću de Morganovih pravila
 $(\neg B_{1,1} \vee P_{1,2} \vee P_{2,1}) \wedge ((\neg P_{1,2} \vee \neg P_{2,1}) \vee B_{1,1})$
- Primeniti distributivnost
 $(\neg B_{1,1} \vee P_{1,2} \vee P_{2,1}) \wedge (\neg P_{1,2} \vee B_{1,1}) \wedge (\neg P_{2,1} \vee B_{1,1})$

Algoritam rezolucije

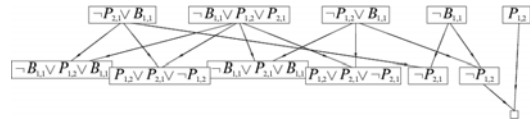
- Dokazivanje negacijom, pokazati $KB \wedge \neg \alpha$ je nemoguće

```

function PL-RESOLUTION( $KB, \alpha$ ) returns true or false
  clauses  $\leftarrow$  the set of clauses in the CNF representation of  $KB \wedge \neg \alpha$ 
  new  $\leftarrow \{ \}$ 
  loop do
    for each  $C_i, C_j$  in clauses do
      resolvents  $\leftarrow$  PL-RESOLVE( $C_i, C_j$ )
      if resolvents contains the empty clause then return true
      new  $\leftarrow$  new  $\cup$  resolvents
    if new  $\subseteq$  clauses then return false
  clauses  $\leftarrow$  clauses  $\cup$  new
  
```

Primer

- $KB = (B_{1,1} \Leftrightarrow (P_{1,2} \vee P_{2,1})) \wedge \neg B_{1,1} \alpha = \neg P_{1,2}$



Unapred i povratno ulančavanje

- Horn Form
 - KB = **conjunction** od **Horn klauzula**
 - Horn klauzula =
 - simbol; ili
 - (konjunkcija simbola) \Rightarrow simbol
 - $C \wedge (B \Rightarrow A) \wedge (C \wedge D \Rightarrow B)$
- Modus Ponens $\frac{\alpha_1, \dots, \alpha_n \quad \alpha_1 \wedge \dots \wedge \alpha_n \Rightarrow \beta}{\beta}$
- Ulančavanje
- Prirодно rešenje i linearno

Ulančavanje unapred

- Ideja: okidati ono pravilo čiji su uslovi zadovoljeni u KB
 - dotati zaključak u KB, do cilja

$P \Rightarrow Q$
 $L \wedge M \Rightarrow P$
 $B \wedge L \Rightarrow M$
 $A \wedge P \Rightarrow L$
 $A \wedge B \Rightarrow L$
 A
 B

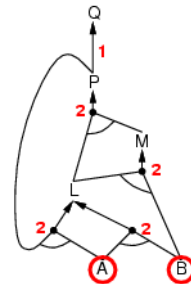


Algoritam za ulančavanje unapred

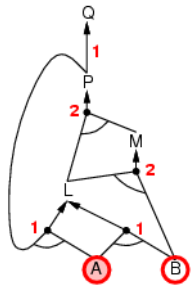
```

function PL-FC-ENTAILS?( $KB, q$ ) returns true or false
  local variables: count, a table, indexed by clause, initially the number of premises
  inferred, a table, indexed by symbol, each entry initially false
  agenda, a list of symbols, initially the symbols known to be true
  while agenda is not empty do
    p  $\leftarrow$  POP( $agenda$ )
    unless  $inferred[p]$  do
       $inferred[p] \leftarrow$  true
      for each Horn clause c in whose premise p appears do
        decrement count[c]
        if count[c] = 0 then do
          if HEAD[c] = q then return true
          PUSH(HEAD[c],  $agenda$ )
  return false
  
```

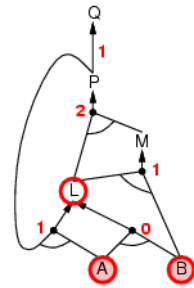
Ulančavanje unapred



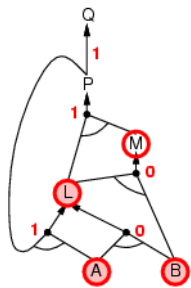
Ulančavanje unapred



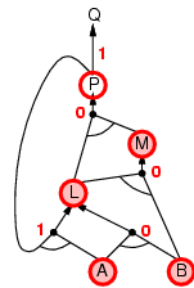
Ulančavanje unapred



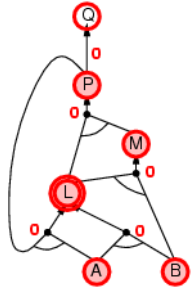
Ulančavanje unapred



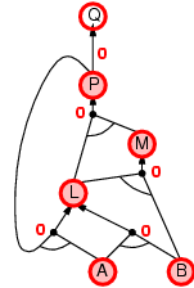
Ulančavanje unapred



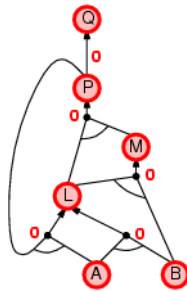
Ulančavanje unapred



Ulančavanje unapred



Ulančavanje unapred



Povratno ulančavanje

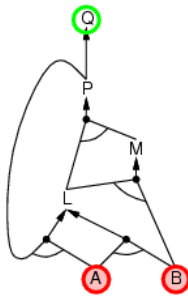
Ideja: krenuti unazad od cilja
da bi se dokazalo q ,
proveriti da li je q poznato, ili
dokazati pomoću povratnog ulančavanja sve uslove u nekom
pravilu u čijem je zaključku q

Izbeći petlje: proveriti da li je novi podcilj već na stku sa
ciljevima

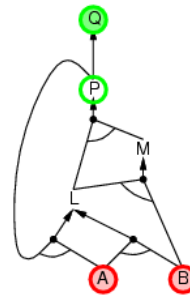
Izbeći ponavljanje: proveriti da li novi podcilj

1. je već dokazano true, ili
2. je već dokazano false

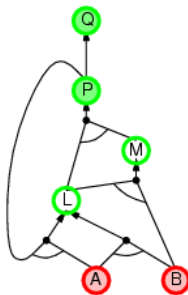
Povratno ulančavanje



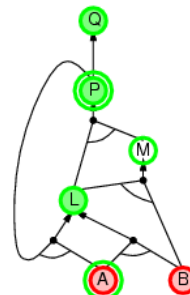
Povratno ulančavanje



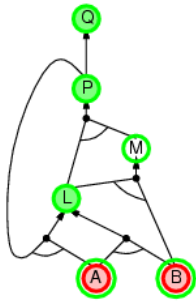
Povratno ulančavanje



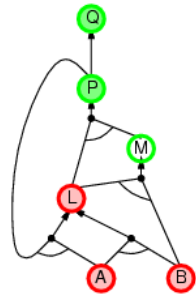
Povratno ulančavanje



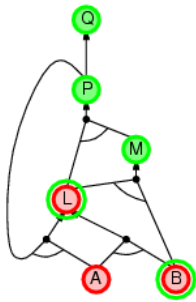
Povratno ulančavanje



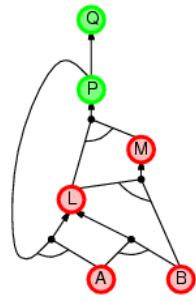
Povratno ulančavanje



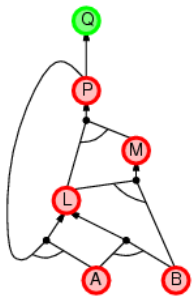
Povratno ulančavanje



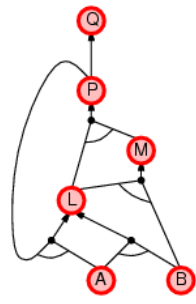
Povratno ulančavanje



Povratno ulančavanje



Povratno ulančavanje



Karakteristike ulančavanje

- Unapred je **data-driven**, automatski, nesvestan proces,
 - na primer, prepoznavanje objekata, odluke o putanjama
- Možda puno rada oko nevažnih stvari za dostizanje cilja
- Povratno je **goal-driven**, usredsređen na rešavanje problema
- Kompleksnost povratnog može biti manja od linerane veličine KB

Svet ljudoždera

Korišćenjem logike

$$\begin{aligned} & \neg P_{1,1} \\ & \neg W_{1,1} \\ & B_{x,y} \Leftrightarrow (P_{x,y+1} \vee P_{x,y-1} \vee P_{x+1,y} \vee P_{x-1,y}) \\ & S_{x,y} \Leftrightarrow (W_{x,y+1} \vee W_{x,y-1} \vee W_{x+1,y} \vee W_{x-1,y}) \\ & W_{1,1} \vee W_{1,2} \vee \dots \vee W_{4,4} \\ & \neg W_{1,1} \vee \neg W_{1,2} \\ & \neg W_{1,1} \vee \neg W_{1,3} \\ & \dots \end{aligned}$$

⇒ 64 različitih simbola, 155 iskaza

```
function PL-WUMPUS-AGENT(percept) returns an action
inputs: percept, a list, [stench,breeze,glitter]
static: KB, initially containing the "physics" of the wumpus world
       x, y, orientation, the agent's position (init. [1,1]) and orient. (init. right)
       visited, an array indicating which squares have been visited, initially false
       action, the agent's most recent action, initially null
       plan, an action sequence, initially empty

update x, y, orientation, visited based on action
if stench then TELL(KB, Sx,y) else TELL(KB, ¬ Sx,y)
if breeze then TELL(KB, Bx,y) else TELL(KB, ¬ Bx,y)
if glitter then action ← grab
else if plan is nonempty then action ← POP(plan)
else if for some fringe square [i,j], ASK(KB, (¬ Pi,j ∧ ¬ Wi,j)) is true or
      for some fringe square [i,j], ASK(KB, (Pi,j ∨ Wi,j)) is false then do
  plan ← A*-GRAPH-SEARCH(ROUTE-PB([x,y], orientation, [i,j], visited))
  action ← POP(plan)
else action ← a randomly chosen move
return action
```

Ograničenost

- KB sadrži iskaze za svaki pojedinačni kvadrat

- Za svako t i svaku loakciju $[x,y]$,

$$L_{x,y}^t \wedge \text{FacingRight}^t \wedge \text{Forward}^t \Rightarrow L_{x+1,y}^{t+1}$$

- Ubrzano povećavanje uslova